

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.11 Математика и информационные технологии

- 1. Код и наименование направления подготовки:**
05.03.06 – Экология и природопользование
 - 2. Профиль подготовки:** Природопользование и охрана водных ресурсов
 - 3. Квалификация выпускника:** бакалавр
 - 4. Форма обучения:** очная
 - 5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:** кафедра природопользования
 - 6. Составители программы:** Парт Анна Александровна, кандидат физико-математических наук, доцент, факультет географии, геоэкологии и туризма; anna_razinkova@mail.ru
 - 7. Рекомендована:** НМС факультета географии, геоэкологии и туризма, протокол о рекомендации от 04.05.2022 г. № 8
 - 8. Учебный год:** 2022-2023, 2023-2024
- Семестры:** 1, 2, 3

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Цели дисциплины:

- изучение основных понятий высшей математики, теоретических основ математических методов, применяемых в прикладных исследованиях;
- создание необходимой основы для использования студентами современных средств вычислительной техники;
- ознакомление студентов с основами современных информационных технологий, тенденциями их развития;
- обучение студентов возможностям, приемам и методам профессионального использования пакетов прикладных программ, основам алгоритмизации, основам логики и логическим основам компьютера, проведению анализа полученных результатов.

Задачи:

- сформировать у студентов представление о фундаментальных идеях и языке математики;
- развить у студентов аналитическое мышление и общую математическую культуру;
- выработать у студентов навыки применения современных информационных систем для решения различных профессиональных задач;
- сформировать навыки самостоятельной работы со специальной литературой.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина относится к базовой части учебного рабочего плана по направлению бакалавриата 05.03.06 - Экология и природопользование (Б1).

Входными знаниями для освоения дисциплины «Математика и информационные технологии» являются знания математики, информатики, а также умения и навыки, сформированные на предыдущем уровне образования в общеобразовательной школе.

Данная дисциплина является предшествующей для последующего изучения тех дисциплин, которые рассматривают применение методов математики, информатики и средств информационных технологий в профессиональной деятельности: «Статистические методы в гидрометеорологии и природопользовании», «Информационные технологии в экологическом проектировании», «Природоохранное программное обеспечение».

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название компетенции	Код	Индикатор	Планируемые результаты обучения
ОПК-1	Способен применять базовые знания фундаментальных разделов наук о Земле, естественнона-	ОПК-1.1	Использует базовые знания в области математики и информатики для обработки информации и анализа данных в области экологии и	Знать: основные понятия высшей математики, теоретические основы математических методов, применяемых в прикладных исследованиях; основы алгоритмизации, основы логики и логические основы компьютера. Уметь: использовать современные средства вычислительной техники, пакеты прикладных программ,

учного и математического циклов при решении задач в области экологии и природопользования	природопользования	проводить анализ полученных результатов. Владеть: основами современных информационных технологий, тенденциями их развития; иметь навыки применения современных информационных систем для решения различных профессиональных задач.
---	--------------------	--

12. Объем дисциплины в зачетных единицах / час. — 5 / 180.

Форма промежуточной аттестации – зачет; зачет с оценкой.

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость (часы)			
	Всего	По семестрам		
		1 семестр	2 семестр	3 семестр
Аудиторные занятия	110	32	28	50
в том числе:				
лекции	46	16	14	16
практические	64	16	14	34
лабораторные	----	----	----	----
Самостоятельная работа	70	22	26	22
Форма промежуточной аттестации - зачет; зачет с оценкой				
Итого:	180	54	54	72

13.1. Содержание дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
1. Лекции			
1	Элементы линейной алгебры	Определитель матрицы, действия над матрицами, решение систем линейных уравнений методами Крамера, Гаусса и матричным способом.	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031
2	Аналитическая геометрия на плоскости	Простейшие задачи аналитической геометрии, прямая линия на плоскости.	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/

			enrol/index.php?id=3031
3	Математический анализ	Предел функции, непрерывность. Производная функции, дифференциал. Полное исследование функции и построение графика. Неопределенный и определенный интеграл. Функции нескольких переменных.	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031
4	Общие теоретические основы информатики. Технические и программные средства реализации информационных процессов.	Основные понятия и методы теории информатики и кодирования. Сигналы, данные, информация. Системы счисления. Архитектура компьютера: центральный процессор, оперативная память, системная магистраль, внешние устройства (магнитная память, устройства ввода / вывода). Аппаратные и программные средства, оценка производительности компьютерной системы, классификация ЭВМ. Иерархия программных средств: BIOS, операционная система, прикладные программы, интерфейсы, стандарты. Общая характеристика операционных систем ПК.	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031
2. Практические занятия			
5	Алгоритмизация и технологии программирования	Алгоритм и его свойства. Блок-схема алгоритма. Базовые алгоритмы. Системы программирования. Языки программирования высокого уровня. Эволюция и классификация языков программирования. Основные понятия языков программирования. Объектно-ориентированное программирование. Структуры и типы данных языка программирования.	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031
6	Основы работы с прикладными программами общего назначения	Основы использования прикладных программ общего назначения: текстовых редакторов, электронных таблиц, систем управления базами данных (СУБД).	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031
7	Локальные и глобальные сети ЭВМ. Защита информации в сетях	Локальные и глобальные сети ЭВМ, основные характеристики и тенденции развития. Архитектура, аппаратура, сетевые протоколы, интерфейс пользователя. Работа в глобальной сети Internet, использование электронной почты, методов доступа FTP, WWW и др. Работа с WWW браузерами (MS Internet Explorer). Основы защиты информации. Информационная безопас-	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031

		ность (ИБ) и ее составляющие. Угрозы безопасности информации и их классификация.	
8	Компьютерная графика	Виды компьютерной графики: растровая графика, векторная графика. Представление графических данных. Графические редакторы.	Онлайн-курс «Математика и информационные технологии» https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031

13.2 Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п / п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (количество часов)				
		Лекции	Практические	Лабораторные	Самостоятельная работа	Всего
1	Элементы линейной алгебры	5	8	-----	8	21
2	Аналитическая геометрия на плоскости	5	8	-----	8	21
3	Математический анализ	6	8	-----	9	23
4	Общие теоретические основы информатики. Технические и программные средства реализации информационных процессов.	6	8	-----	9	23
5	Алгоритмизация и технологии программирования	6	8	-----	9	23
6	Основы работы с прикладными программами общего назначения	6	8	-----	9	23
7	Локальные и глобальные сети ЭВМ. Защита информации в сетях	6	8	-----	9	23
8	Компьютерная графика	6	8	-----	9	23
	Итого:	46	64	-----	70	180

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Необходима регулярная работа с текстом конспектов лекций для понимания и освоения материала предшествующей и последующей лекций. По указанию преподавателя необходимо регулярно выполнять домашние задачи, контрольные тесты в ходе текущей аттестации (по каждой пройденной теме).

Наиболее сложными являются разделы «Предел функции» и «Определенный интеграл». Для их усвоения необходимо прочитать параграфы 4.1, 8.1 и 8.2 в

пособии: Уксусов С.Н. Математика: учеб. пособие / С.Н. Уксусов, Ю.М. Фетисов. – Старый Оскол: ТНТ, 2014. – 352 с.

При подготовке к промежуточной аттестации студенты изучают и конспектируют рекомендуемую преподавателем учебную литературу по темам лекционных и лабораторных занятий, самостоятельно осваивают понятийный аппарат, используя рекомендованную литературу.

Методические рекомендации по организации самостоятельной работы студентов включают:

- использование электронных учебных пособий и ресурсов Интернет, в том числе электронного образовательного портала Moodle;
- применение методических разработок с примерами решения типовых задач в сфере математики и информатики;
- использование лицензионного программного обеспечения для изучения и работы с прикладными программами общего назначения.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Уксусов С.Н. Математика: учеб. пособие / С.Н. Уксусов, Ю.М. Фетисов. – Старый Оскол: ТНТ, 2014. – 352 с.
2	Симонович С. В. Информатика <i>базовый курс</i> / С.В Симонович. – СПб., Изд-во Питер, 2009. – 639 с.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
3	Шипачев В. С. Высшая математика: Учебник для студ. вузов / В. С. Шипачев. – 5-е изд., стереотипное. – М.: Высш. шк., 2013.– 479 с.
4	Угринович Н.Д. Информатика и информационные технологии. / Н.Д. Угринович. – М.: ВИНОМ. Лабораторные знания, 2012. – 512 с.
5	Беседина С.В. Информатика: учеб.-метод. пособие / С.В. Беседина.– Воронеж: ИПЦ ВГУ, 2009. – 30 с.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет):

№ п/п	Ресурс
6	ЗНБ ВГУ http://www.lib.vsu.ru
7	Электронно-библиотечная система «ЮРАЙТ» https://urait.ru
8	Электронно-библиотечная система "Университетская библиотека online" http://biblioclub.ru/
9	Электронно-библиотечная система "Консультант студента" http://www.studmedlib.ru
10	Национальный цифровой ресурс "РУКОНТ" http://rucont.ru
11	Электронный курс по дисциплине на портале «Электронный университет ВГУ» – Режим доступа: по подписке. -

<https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031>

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
12	Уксусов С.Н. Математика: учеб. пособие / С.Н. Уксусов, Ю.М. Фетисов. – Старый Оскол: ТНТ, 2014. – 352 с.
13	Симонович С. В. Информатика базовый курс / С.В Симонович. – СПб., Изд-во Питер, 2009. – 639 с.
14	Лабораторный практикум по компьютерной графике (на примере графических редакторов CorelDRAW 12 и PHOTOSHOP CS2) учебно-методическое пособие для вузов / Воронеж. гос. ун-т; сост.: А.А. Смирнова, Ю.М. Фетисов. — Воронеж: ИПЦ ВГУ, 2009. — 30 с. URL:http://www.lib.vsu.ru/elib/texts/method/vsu/m09-226.pdf

17. Образовательные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ, электронное обучение (ЭО), смешанное обучение):

Программа курса реализуется с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий на платформе «Электронный университет ВГУ». Режим доступа: <https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=3031>

При реализации учебной дисциплины используются программные пакеты лицензионного ПО:

- Win Pro 8 RUS Upgrd OLP NL Acdmс;
- Office STD 2013 RUS OLP NL Acdmс;
- Win Svr Std 2012 RUS OLP NL Acdmс 2Proc;
- СПС "Консультант Плюс" для образования;
- неисключительные права на ПО Kaspersky Endpoint Security для бизнеса - Универсальный Russian Edition;
- неисключительные права на ПО Kaspersky Endpoint Security для бизнеса - Расширенный Russian Edition;
- неисключительные права на ПО Kaspersky Security для файловых серверов;
- MSP.Point;
- STADIA;
- интернет-браузер Mozilla Firefox.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Математика и информационные технологии	<p><i>Для лекционных занятий</i> – учебная аудитория (учебный корпус № 5 ВГУ), оснащенная специализированной мебелью, мультимедийной аппаратурой (мультимедиа-проектор, компьютер, стационарный экран);</p> <p><i>для практических занятий</i> – учебная аудитория (учебный корпус № 5 ВГУ), оснащенная специализированной мебелью, вычислительной техникой с возможностью подключения к сети Интернет (укомплектованная персональ-</p>
--	---

	ными компьютерами с лицензионным программным обеспечением, с мониторами HP EliteDesk 800 G1, монитор 21.5" LED LCD Samsung /лицензионное ПО: OfficeSTD 2013 RUS OLP NL Acdmс, STADIA, интернет-браузер Mozilla Firefox, телевизор настенный, сканер, принтер HP.
--	--

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Компетенция	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства
1	Элементы линейной и векторной алгебры. Векторы.	ОПК-1	ОПК-1.1	Контрольная работа № 1
2	Математический анализ. Предел и производная функции, интеграл.	ОПК-1	ОПК-1.1	Контрольная работа № 2, 3
3	Основы работы с прикладными программами общего назначения.	ОПК-1	ОПК-1.1	Устный опрос
4	Локальные и глобальные сети ЭВМ. Защита информации в сетях.	ОПК-1	ОПК-1.1	Устный опрос Мультимедийная презентация
5	Компьютерная графика.	ОПК-1	ОПК-1.1	Мультимедийная презентация
Промежуточная аттестация Форма контроля – зачет; зачет с оценкой		Перечень вопросов Практическое задание (см. п.20.2)		

20. Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

Оценка знаний, умений и навыков, характеризующая этапы формирования компетенций в рамках изучения дисциплины, осуществляется в ходе текущей и промежуточной аттестаций.

Текущая аттестация проводится в соответствии с Положением о текущей аттестации обучающихся по программам высшего образования Воронежского государственного университета.

Текущая аттестация проводится в формах:

- устного опроса (индивидуальный опрос, доклады);
- письменных работ (контрольные, лабораторные работы);
- тестирования;
- оценки результатов самостоятельной работы (презентация).

Критерии оценивания приведены ниже.

Промежуточная аттестация проводится в соответствии с Положением о промежуточной аттестации обучающихся по программам высшего образования.

Контрольно-измерительные материалы промежуточной аттестации включают в себя теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень полученных знаний, и практическое задание, позволяющее оценить степень сформированности умений и навыков при изучении дисциплины.

20.1. Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

- устный опрос (собеседование);
- контрольные работы;
- создание мультимедийных презентаций по теме дисциплины.

Пример заданий для контрольных работ

Тема: Векторы

Вариант 1
1. Дана пирамида A(2; 4;-3), B(-1; 3; 5), C(6;-2; 1), D(-2;-3; 4). Найти: 1) угол CBD; 2) площадь грани ABC; 3) объем пирамиды.
2. Дано: $ \mathbf{a} = 5$, $ \mathbf{b} = 3$, угол между векторами \mathbf{a} и \mathbf{b} равен 300. Найти $ \mathbf{2a} + \mathbf{4b} $.
Вариант 2
1. Дана пирамида A(4; 2; 3), B(1;-4; 5), C(2;-4;-1), D(-3; 2; 3). Найти: 1) угол CBD; 2) площадь грани ABC; 3) объем пирамиды.
2. Проверить, являются ли векторы $\mathbf{a} = (2; -4; 3)$, $\mathbf{b} = (-4; 3; 5)$, $\mathbf{c} = (6; -7; -2)$ компланарными.
Вариант 3
1. Дана пирамида A(-1; 3; 3), B(7; 2; 0), C(-2;-1; 4), D(4; 3; -1). Найти:1) угол CBD; 2) площадь грани ABC; 3) объем пирамиды.
2. Дано: $ \mathbf{a} = 5$, $ \mathbf{b} = 3$, угол между векторами \mathbf{a} и \mathbf{b} равен 600. Найти угол между векторами $\mathbf{a} + \mathbf{b}$ и \mathbf{a} .
Вариант 4
1. Дана пирамида A(-2; 5; 6), B(0; 5;-8), C(-3; 2; 4), D(5; -2; 6). Найти: 1) угол CBD; 2) площадь грани ABC; 3) объем пирамиды.
2. Дано: $ \mathbf{a} = 3$, $ \mathbf{b} = 4$, угол между векторами \mathbf{a} и \mathbf{b} равен 450. Найти $(\mathbf{3a} - \mathbf{2b})(\mathbf{a} + \mathbf{2b})$.
Вариант 5
1. Дана пирамида A(1; 5; 3), B(7; 0; -1), C(-6; 2; 3), D(-2; 3; 3). Найти: 1) угол CBD; 2) площадь грани ABC; 3) объем пирамиды.
2. Дано: $ \mathbf{a} = 2$, $ \mathbf{b} = 5$, угол между векторами \mathbf{a} и \mathbf{b} равен 300. Найти угол между векторами $\mathbf{a} - \mathbf{b}$ и \mathbf{a} .

Тема: Предел и производная функции

Найти производные y'_x функций. Задания к контрольной работе для решения курсантами на самоподготовке.

Вариант 1 а) $y = 2\sqrt{\frac{1 - \sin x}{1 + \operatorname{tg} x}}$;

б) $y = (x^2 + 1)\sqrt[3]{x^3 + 4x}$;

в) $y = \ln^5 \operatorname{arctg} \sqrt{x}$;

г) $y = (\sin x)^{\sqrt{x}}$,

д) $x \operatorname{tg} y = y \sin x$;

е) $\begin{cases} x = \cos t, \\ y = \ln \sin t. \end{cases}$

Вариант 2

а) $y = 2 \frac{\sqrt{1 - \sin x}}{1 + \operatorname{tg} x}$;

б) $y = (e^{2x} + 1) \sqrt[3]{x^3 - 4x}$;

в) $y = \ln^3 \arcsin \sqrt{3 + 5x^2}$;

г) $y = (x^2 + 1)^{\sqrt{x}}$;

д) $(\sin x)/y = (\cos y)/x$;

е) $\begin{cases} x = \sqrt{t-1}, \\ y = t/\sqrt{t-1}. \end{cases}$

Вариант 3

а) $y = 2 \frac{\sqrt{1 + \cos x}}{1 - \operatorname{ctg} x}$;

б) $y = (\operatorname{tg} 3x + 1) \sqrt[3]{x - 4x^2}$;

в) $y = \sin^3(e^{3x^2-7})$;

г) $y = (\cos x)^{\sqrt{x}}$;

д) $(x+y) \sin x = \cos y$;

е) $\begin{cases} x = \operatorname{tg} t, \\ y = 1/\sin 2t. \end{cases}$

Вариант 4

а) $y = \frac{1 + \cos x}{\sqrt{2 + \operatorname{tg} x}}$;

б) $y = (\ln^2 x) \sqrt{x + \sin x}$;

в) $y = (\operatorname{arctg} \sqrt{1-x^2})^4$;

г) $y = (\ln x)^{\sqrt{x-1}}$;

д) $x \sin(x+y) = y$;

е) $\begin{cases} x = \sqrt{t^3 - 1}, \\ y = \ln t. \end{cases}$

Вариант 5

а) $y = \frac{\sqrt{x^2 - 1}}{\sin x + \cos x}$;

б) $y = (\sin \ln x) \sqrt[3]{x^3 - x}$;

в) $y = \arcsin^2 \ln \sqrt{x^2 - 1}$;

г) $y = (x+1)^{\sin x}$;

д) $y/x = \sin(x-y)$;

е) $\begin{cases} x = \cos t / (1 + 2 \cos t), \\ y = \sin t / (1 + 2 \cos t). \end{cases}$

Тема: Интеграл

Вычислить интеграл:

Вариант 1

а) $\int \frac{e^x}{\sqrt[3]{1-e^x}} dx$;

б) $\int \frac{9-2x}{x^2-5x+8} dx$;

в) $\int \arcsin x dx$;

г) $\int \frac{2x-3}{(x+1)^2(x^2+4)} dx$;

д) $\int \frac{1}{\sqrt{x-1}(1+\sqrt[3]{x-1})} dx$;

е) $\int (\sin x + \cos x)^3 dx$.

Вариант 2

а) $\int \sin 4x \sqrt{2 - \cos 4x} dx;$

в) $\int x^2 \sin 2x dx;$

д) $\int \frac{1}{(\sqrt{x-1}-1)\sqrt[4]{x-1}} dx;$

б) $\int \frac{17-2x}{x^2-3x+6} dx;$

г) $\int \frac{4x}{(x-1)^2(x^2+1)} dx;$

е) $\int \cos^5 x dx.$

Вариант 3

а) $\int \frac{1}{\cos^2 x (1+3 \operatorname{tg}^2 x)} dx;$

в) $\int \ln^2 x dx;$

д) $\int \frac{1}{(\sqrt{x+2}+2)\sqrt[4]{x+2}} dx;$

б) $\int \frac{x-1}{\sqrt{x^2-3x}} dx;$

г) $\int \frac{x^3+8}{(x-2)^2(x^2+2)} dx;$

е) $\int \sin^2 \frac{x}{2} \cos^2 \frac{x}{2} dx.$

Вариант 4

а) $\int x^2 3^{7x^3} dx;$

в) $\int x^2 e^{3x} dx;$

д) $\int \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[6]{x^5}} dx;$

б) $\int \frac{x+7}{\sqrt{x^2+x+1}} dx;$

г) $\int \frac{9x-13}{(x-2)^2(x^2+1)} dx;$

е) $\int \sin^4(x/2) dx.$

Вариант 5

а) $\int \frac{e^x}{e^{2x}+9} dx;$

в) $\int x \arcsin x dx;$

д) $\int \frac{1}{(\sqrt{x+1}+1)\sqrt[3]{x+1}} dx;$

б) $\int \frac{x+3}{\sqrt{x^2+6x+10}} dx;$

г) $\int \frac{6x+7}{(x+3)^2(x^2+2)} dx;$

е) $\int \sin^2 x \cos^3 x dx.$

Описание технологии проведения: осуществляется в ходе зачетных лабораторных занятий либо в форме выполнения домашних заданий (самостоятельная работа) с последующей обязательной отчетностью.

Требования к выполнению заданий: задания должны выполняться индивидуально, в специальных тетрадях для контроля самостоятельной работы студентов преподавателем, либо с использованием компьютерной техники в помещениях для самостоятельной работы студентов.

20.2. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

1 семестр

- контрольно-измерительных материалов, включающих 2 теоретических вопроса и расчетно-вычислительную задачу.

2 семестр

- практико-ориентированных заданий / домашних заданий.

3 семестр

- контрольно-измерительных материалов, включающих 2 теоретических вопроса и расчетно-вычислительную задачу.

**Перечень теоретических вопросов для формирования КИМ
(билетов к зачету с оценкой)**

1 семестр

1. Определители 2-го, 3-го и n -го порядка. Способы их вычислений.
2. Решение систем линейных уравнений методом Крамера.
3. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
4. Матрицы и действия над ними.
5. Решение систем линейных уравнений с помощью обратной матрицы.
6. Декартова и полярная системы координат на плоскости. Декартова система координат в пространстве.
7. Простейшие задачи, решаемые в декартовой системе координат: определение расстояния между двумя точками, деление отрезка в данном отношении.
8. Векторы на плоскости и в пространстве. Координаты векторов.
9. Простейшие операции над векторами: умножение вектора на число, сложение и вычитание векторов.
10. Скалярное произведение векторов. Длина вектора. Угол между векторами. Условия перпендикулярности и параллельности векторов.
11. Векторное произведение векторов и его приложения.
12. Смешанное произведение векторов и его приложения.
13. Прямая линия на плоскости. Различные виды уравнения прямой линии: общее уравнение, уравнение прямой с угловым коэффициентом, уравнение прямой проходящей через заданную точку в заданном направлении, уравнение прямой, проходящей через две заданные точки.
14. Угол между двумя прямыми. Расстояние от точки до прямой.
15. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола.
16. Предел числовой последовательности и функции.
17. Раскрытие неопределенностей вида
18. Первый и второй замечательные пределы и следствия из них.
19. Производная функции. Геометрический и физический смысл производной. Таблица производных и правила дифференцирования.
20. Производная неявной функции и функции, заданной параметрически.

2 семестр

1. Назначение и характеристика текстового редактора.
2. Форматирование документа.
3. Понятие о создании комплексных документов.
4. Операции с участками текста.
5. Форматирование документа.
6. Создание комплексных текстовых документов.
7. Создание таблиц, вставка формул.
8. Разработка пользовательских презентаций.
9. Системы управления графическим редактором.
10. Вычисления в электронных таблицах.
11. Математические и логические функции
12. Абсолютные и относительные ссылки.
13. Построение диаграмм и графиков.
14. Решение алгебраических уравнений.
15. Способы решения линейных систем с постоянными коэффициентами.

16. Статистический анализ данных.
17. Проектирование таблиц и редактирование проекта.
18. Связывание таблиц. Понятие и назначение формы.

3 семестр

1. Логарифмическое дифференцирование.
2. Дифференциал функции и его применение к приближенным вычислениям.
3. Первообразная функции. Теорема об общем виде всех первообразных. Понятие неопределенного интеграла.
4. Свойства неопределенного интеграла. “Неберущиеся” интегралы.
5. Таблица интегралов.
6. Простейшие приемы интегрирования. Подведение множителя под знак дифференциала.
7. Замена переменной в неопределенном интеграле.
8. Интегрирование по частям в неопределенном интеграле.
9. Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен в знаменателе.
10. Интегрирование тригонометрических функций.
11. Задача о площади криволинейной трапеции.
12. Определение определенного интеграла.
13. Основные свойства определенного интеграла.
14. Связь определенного интеграла с неопределенным, формула Ньютона-Лейбница.
15. Замена переменной в определенном интеграле.
16. Интегрирование по частям в определенном интеграле.
17. Вычисление площадей с помощью определенного интеграла.
18. Вычисление длины дуги плоской кривой.
19. Вычисление объема тела с известным поперечным сечением.
20. Объем тела вращения.

Расчетно-вычислительные задачи (примеры):

№ 1. Решить систему матричным методом.

$$\begin{cases} 2x + 3y = 12, \\ 4x - 7y = -2 \end{cases}$$

№ 2. Решить систему по формулам Крамера.

$$\begin{cases} x + 3y - z = 11, \\ 2x + 2y + 4z = 2, \\ 3x - 5y + 2z = -5. \end{cases}$$

№ 3. Решить систему по формулам Гаусса.

$$\begin{cases} 3x + 4y - 5z = 0, \\ 2x - 3y + 3z = 0, \\ 4x + 11y - 13z = 0. \end{cases}$$

№ 4. Векторы \vec{a} и \vec{b} взаимно перпендикулярны, вектор \vec{c} образует с ними углы, равные $\frac{\pi}{3}$. Зная, что $|\vec{a}| = 3$, $|\vec{b}| = 5$, $|\vec{c}| = 8$, вычислить $(3\vec{a} - 2\vec{b})(\vec{b} + 3\vec{c})$.

№ 5. Даны точки $A(1,2,0)$, $B(3,0,-3)$, $C(5,2,6)$. Вычислить площадь треугольника ABC .

№ 6. Установить, компланарны ли векторы $\vec{a} = (2, 3, -1)$, $\vec{b} = (1, -1, 3)$, $\vec{c} = (1, 9, -11)$.

№ 7. Даны векторы $\vec{a} = x\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$, $\vec{b} = \vec{i} - \vec{j}$, $\vec{c} = \vec{k}$. Найти значение x , при котором $\vec{a}\vec{b}\vec{c} = \vec{a} \cdot \vec{c}$

№ 8. В примерах а) – г) найти пределы, не пользуясь правилом Лопиталю. В примере д) исследовать функцию $f(x)$ на непрерывность. Определить характер точек разрыва, если они существуют. Сделать чертеж.

а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 3x - 2}{5x^3 - x - 2}$; б) $\lim_{x \rightarrow -8} \frac{\sqrt{1-x} - 3}{x+8}$; в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 6x}{2x^2}$; г) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x+3}{3x-3} \right)^{x+1}$; д)

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x \leq 1; \\ 2x, & 1 < x \leq 3; \\ 5 - x, & x > 3. \end{cases}$$

№ 9. Найти производные y'_x функций.

а) $y = 2\sqrt{\frac{1 - \sin x}{1 + \operatorname{tg} x}}$; б) $y = (x^2 + 1)\sqrt[3]{x^3 + 4x}$; в) $y = \ln^5 \operatorname{arctg} \sqrt{x}$;

№ 10. Найти неопределенные интегралы. В примере пункта а) результат проверить дифференцированием.

а) $\int \frac{e^x}{\sqrt[3]{1-e^x}} dx$; б) $\int \frac{9-2x}{x^2-5x+8} dx$; в) $\int \arcsin x dx$.

Практические задания:

1. Набрать текст своего билета в текстовом редакторе.
2. Построить таблицу значений функции y , используя абсолютную и относительную адресацию. Построить график функции. $y = 5x \sin kx$, $x=0, 0,8, \dots, 12$; k – варьировать ($k=3,4$).
3. Решить уравнение с помощью инструментов «подбор параметра» и «поиск решения».

$$x^2 + 5x + 6 = 0; \quad x^2 + 2x - 3 = 0.$$

4. Решить по заданному варианту систему уравнений методом Крамера (с помощью определителей), с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 3 \\ 3x_1 + 5x_2 + 7x_3 = 0 \\ x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 1 \end{cases}$$

Порядок формирования КИМ: не менее 2-х теоретических вопросов и 1 практическое задание.

Требования к выполнению заданий, шкалы и критерии оценивания

Для оценивания результатов обучения на зачете с оценкой используются следующие критерии:

- владение понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами математики и информационных технологий);
- способность иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований;
- применять теоретические знания для решения практических задач в сфере математики и информационных технологий.

Для оценивания результатов обучения на зачете с оценкой используется 4-балльная шкала: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Соотношение показателей, критериев и шкалы оценивания результатов обучения

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
Обучающийся в полной мере владеет понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами математики и информационных технологий), способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований; применять теоретические знания для решения практических задач в сфере математики и информационных технологий.	Повышенный уровень	Отлично
Обучающийся владеет понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами математики и информационных технологий), способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований; допускает ошибки в интерпретации результатов математических расчетов.	Базовый уровень	Хорошо
Обучающийся владеет частично теоретическими основами дисциплины, фрагментарно способен иллюстрировать ответ примерами, фактами, данными научных исследований; не умеет грамотно применять алгоритмы количественных методов в сфере математики и информационных технологий.	Пороговый уровень	Удовлетворительно
Ответ на контрольно-измерительный материал содержит существенные ошибки. Обучающийся демонстрирует отрывочные, фрагментарные знания, не умеет применять алгоритмы количественных методов в сфере математики и информационных технологий.	-----	Неудовлетворительно

- оценка **«зачтено»** предполагает наличие представления об основных положениях материала дисциплины, умение использовать его для решения простейших задач;

- оценка **«не зачтено»** соответствует отсутствию практических навыков при слабом представлении о содержании дисциплины.